

考点限时训练(十四) 第 14 讲 直线与圆锥曲线的位置关系

答案	题号
	1
	2
	3
	4
10	

A 组 基础演练

- [2018·全国卷 I] 设抛物线 $C: y^2 = 4x$ 的焦点为 F , 过点 $(-2, 0)$ 且斜率为 $\frac{2}{3}$ 的直线与 C 交于 M, N 两点, 则 $\overrightarrow{FM} \cdot \overrightarrow{FN} =$ ()

A. 5 B. 6

C. 7 D. 8
- 若双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$ 与直线 $y = \sqrt{3}x$ 无交点, 则离心率 e 的取值范围是 ()

A. $(1, 2)$ B. $(1, 2]$

C. $(1, \sqrt{5})$ D. $(1, \sqrt{5}]$
- 已知椭圆 $E: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的右焦点 $F(3, 0)$, 过点 F 的直线交 E 于 A, B 两点, 若 AB 的中点坐标为 $(1, -1)$, 则 E 的方程为 ()

A. $\frac{x^2}{45} + \frac{y^2}{36} = 1$ B. $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{27} = 1$

C. $\frac{x^2}{27} + \frac{y^2}{18} = 1$ D. $\frac{x^2}{18} + \frac{y^2}{9} = 1$
- 过抛物线 $y^2 = 2px (p > 0)$ 的焦点 F 的直线交抛物线于 A, B 两点, 点 O 是原点, 如果 $|BF| = 3, |BF| > |AF|, \angle BFO = \frac{2\pi}{3}$, 那么 $|AF|$ 的值为 ()

A. 1 B. $\frac{4}{3}$

C. $\frac{3}{2}$ D. 2
- 椭圆 $ax^2 + by^2 = 1$ 与直线 $x + y = 1$ 相交于 A, B 两点, C 是 AB 的中点, O 为坐标原点, OC 的斜率为 $\frac{\sqrt{2}}{2}$, 则 $\frac{a}{b} =$ _____.
- 在直线 $y = -2$ 上任取一点 Q , 过 Q 作抛物线 $x^2 = 4y$ 的切线, 切点分别为 A, B , 则直线 AB 恒过定点 _____.
- 在直角坐标系 xOy 中, 曲线 $C: y = \frac{x^2}{4}$ 与直线 $l: y = kx + a (a > 0)$ 交于 M, N 两点.

- 当 $k=0$ 时, 分别求曲线 C 在点 M 和 N 处的切线方程;
- y 轴上是否存在点 P , 使得当 k 变动时, 总有 $\angle OPM = \angle OPN$? 说明理由.

B组 能力提升

8. 已知曲线 C_1 上任意一点 M 到直线 $l: x=4$ 的距离是它到点 $F(1,0)$ 距离的 2 倍; 曲线 C_2 是以原点为顶点, F 为焦点的抛物线.

(1) 求 C_1, C_2 的方程;

(2) 过 F 作两条互相垂直的直线 l_1, l_2 , 其中 l_1 与 C_1 相交于点 A, B , l_2 与 C_2 相交于点 C, D , 求四边形 $ACBD$ 面积的取值范围.

9. 在平面直角坐标系 xOy 中, 一动圆经过点 $(\frac{1}{2}, 0)$ 且与直线 $x = -\frac{1}{2}$ 相切, 设该动圆圆心的轨迹为曲线 E .

(1) 求曲线 E 的方程;

(2) 设 P 是曲线 E 上的动点, 点 B, C 在 y 轴上, $\triangle PBC$ 的内切圆的方程为 $(x-1)^2 + y^2 = 1$, 求 $\triangle PBC$ 面积的最小值.

10. 直线 $y = \frac{3}{2}x + 1$ 与曲线 $\frac{y^2}{9} - \frac{x|x|}{4} = 1$ 的公共点个数为

()

A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

11. 已知点 $A(-\sqrt{2}, 0)$, 点 $B(\sqrt{2}, 0)$, 且动点 P 满足 $|PA| - |PB| = 2$, 则动点 P 的轨迹与直线 $y = k(x-2)$ 有两个交点的充要条件为 $k \in$ _____.

12. 已知动圆 C 过定点 $M(0, 2)$, 且在 x 轴上截得弦长为 4. 设该动圆圆心的轨迹为曲线 C .

(1) 求曲线 C 的方程;

(2) 点 A 为直线 $l: x - y - 2 = 0$ 上任意一点, 过 A 作曲线 C 的切线, 切点分别为 P, Q , 求 $\triangle APQ$ 面积的最小值及此时点 A 的坐标.